

UM ALGORITMO GENÉTICO INTEGRADO COM A ANÁLISE DE MONTE CARLO PARA O PROBLEMA DE LOCALIZAÇÃO E ALOCAÇÃO DE PLATAFORMAS E MANIFOLDS MULTICAPACITADOS

Leonardo de Pádua Agripa Sales¹, Anselmo Ramalho Pitombeira Neto², Bruno de Athayde Prata³

¹ Universidade Federal do Ceará, Curso de Engenharia de Petróleo – <u>leonardosales@alu.ufc.br</u>
² Universidade Federal do Ceará, Departamento de Engenharia de Produção – <u>anselmoufc@gmail.com</u>
³ Universidade Federal do Ceará, Departamento de Engenharia de Produção – <u>baprata@ufc.br</u>

RESUMO

A produção de petróleo em campos *offshore* se dá cada vez mais em águas profundas e distantes da costa, assim tornando-se cada vez mais importante o problema de localização e alocação de plataformas e *manifolds* multicapacitados. Embora diversos modelos existam, não há estudos acerca do problema que considerem a influência da incerteza nas vazões dos poços. O objetivo deste artigo é formular um algoritmo genético que obtenha boas soluções levando em conta a natureza probabilística do problema. Uma simulação de Monte Carlo, assim como o algoritmo proposto, são apresentados e, com base nos resultados do estudo de caso realizado, conclui-se que a abordagem estocástica proposta traz novas perspectivas importantes para a engenharia de produção de petróleo. **Palavras-chave:** análise Monte Carlo; localização de plataformas; alocação de plataformas; algoritmos genéticos.

1. INTRODUÇÃO

A localização e alocação de plataformas e *manifolds* para a produção de petróleo *offshore* têm sido uma preocupação crescente pelo setor petrolífero. Em virtude das lâminas d'água cada vez mais profundas, torna-se um desafio operar no assoalho marinho sob altas pressões e baixas temperaturas. A elevação do petróleo também é dificultada, requerendo bombas cada vez mais robustas e que suportam fluidos altamente erosivos ou corrosivos, e linhas de produção corretamente dimensionadas e posicionadas. A fim de reduzir ao máximo os vultosos custos de investimento, os custos operacionais, e os custos com a manutenção do sistema de elevação, é importante desenvolver tecnologias a fim de reduzir ou eliminar estes problemas. Uma maneira é localizar e alocar plataformas e *manifolds* de forma ótima a fim de atenuar estas dificuldades.

A localização das plataformas e manifolds é função de diversos fatores, a saber: morfologia do leito do oceano, volumes das jazidas de óleo bruto e gás natural, vazões inerentes de cada poço, custos das instalações de extração e rentabilidade de cada poço.

As abordagens tradicionais para localizar plataformas de produção usualmente têm como objetivo minimizar os custos de investimento em instalações para extração de óleo bruto e gás, bem como maximizar o

> www.conepetro.com. br (83) 3322.3222



(VPL) líquido do presente empreendimento. Valdivia, Vellasco e Pacheco [2002] utilizam algoritmos genéticos a fim de maximixar o VPL de um campo em desenvolvimento. Sales [2010] desenvolve uma heurística GRASP (Greedy Randomized Adaptive Search Procedure) multiobjetivo que minimiza os custos de investimento, maximiza a produção de petróleo e minimiza os danos ambientais nas fases de perfuração do poço e implantação da plataforma. Souza [2011] descreve uma sistemática para localização de plataformas de petróleo baseado em um algoritmo de localização, considerando a maximização do VPL das receitas do projeto. Rahmawati et al. [2012] integram a simulação de reservatórios, pipelines e de unidades de superfície a fim de maximizar o NPV. Santana [2012] apresenta método para determinar uma boa um localização de poços e unidades produtoras em um campo de petróleo a fim de melhorar a performance do reservatório, otimizar o volume de óleo recuperado e maximizar a rentabilidade. Abreu [2014] apresenta um modelo para a solução do problema de posicionamento de FPSOs, considerando os aspectos relevantes de um projeto de arranjo submarino, através da otimização por algoritmos genéticos. Rodrigues et al. [2016] reporta um modelo de programação linear inteira binária cuja função objetivo é a minimização dos custos de desenvolvimento de um dado campo petrolífero como um todo, buscando definir no modelo: quantidade, localização e capacidades das plataformas de produção; quantidade e posições dos poços produtores e manifolds; a interconexão entre plataformas, manifolds e poços; e quais trechos de cada poço devem ser verticais ou horizontais.

Pode-se constatar que o problema de localização de plataformas de produção tratase de um processo decisório extremamente complexo, pois envolve diversos critérios, ora conflitantes entre si, e economias da ordem de milhões de dólares, entre cada possível alternativa de intervenção.

Embora os trabalhos citados tenham abordado diversas perspectivas do problema de localização de plataformas do ponto de vista da análise de sua forte natureza combinatória, bem como da proposição e experimentação intensa de algoritmos para a resolução do mesmo, os trabalhos reportados ainda justificam novos estudos nesse contexto.

Além disso, no início do desenvolvimento de um campo petrolífero, não há informações suficientes para prever a produção de petróleo de forma precisa, pois não há informações acerca do reservatório suficientes. Neste cenário, as abordagens puramente determinísticas não conseguem

> www.conepetro.com. br (83) 3322.3222 contato@conepetro.com.br



obter bons resultados. Para avaliar problemas petrolífero considerando do setor as foram análises incertezas, propostas estatísticas, das quais destacamos Murtha [1994], o qual demonstra como incorporar dados históricos em simulações Monte Carlo; Huffman e Thompson [1994]; os quais quantificam a incerteza nas estimativas de reservas baseadas em dados da curva de declínio de produção (DCA); Gilman, Brickey e Red [1998], os quais apresentam técnicas de Monte Carlo que possibilitaram gerar uma faixa de perfis de produção, das puderam ser estimadas valor quais 0 econômico de um campo petrolífero; Cheng et al. [2010], os quais apresentam uma metodologia avançada para a quantificação probabilística de reservas utilizando a DCA, além de uma aplicação prática da metodologia para as DCAs individuais de cada poço; Can e Kabir [2012], os quais analisam os desafios da recuperação terciária probabilística com base na DCA e propõem uma nova abordagem de distribuição de parâmetros.

O objetivo principal deste trabalho é formular um algoritmo genético que obtenha boas soluções levando em conta a natureza probabilística do problema.

2. METODOLOGIA

A fim de estudar a vazão de poços em um cenário probabilístico, a curva de declínio exponencial, a qual relaciona a vazão de óleo q em um instante t, apresentada na Equação 1, pode ser usada em uma simulação de Monte Carlo tratando a taxa de declínio (a) e a vazão inicial (q_i) como variáveis aleatórias, para um dado tempo t. Dessa forma, a previsão da vazão de produção não aparece apenas como uma única curva, mas sim como uma região probabilística.

$$q = q_i \exp(-at)$$
 [1]

A taxa de declínio *a* pode ser definida como apresentada na Equação 2, onde *k* é a permeabilidade da rocha, *h* é o *net pay* do reservatório, μ é a viscosidade do fluido (neste caso, por questões de simplificação, apenas óleo), *N_i* é a quantidade inicial de óleo presente dentro do raio de drenagem (*r_e*), *r_w* é o raio do poço, *c_t* é a compressibilidade total do reservatório, e *s* é o fator de *skin* do poço. Com base em dados de diversos pontos de um reservatório ou de um campo, é possível definir distribuições de probabilidade para cada uma destas propriedades, e assim realizar a simulação de Monte Carlo.

$$a = \frac{kh}{141.2\,\mu c_{t} N_{i} [\ln\left(\frac{0.472\,r_{e}}{r_{w}} + s\right)]}$$
[2]

Utilizando a distribuição de probabilidades da vazão, sortearam-se vazões para cada um dos poços do campo. Se a soma das vazões de todos os poços resultasse em um valor maior que a capacidade total de processamento das plataformas, a amostra era

> www.conepetro.com. br (83) 3322.3222



descartada e sorteavam-se vazões novamente. Denominou-se universo cada uma dessas amostras que satisfazia a restrição de capacidade de processamento total das plataformas.

Como já mencionado, a localização e alocação das plataformas e *manifolds* depende da produção, a qual depende da queda de pressão total no sistema. A queda de pressão pode ser obtida resolvendo-se a equação de balanço de energia, a qual é mostrada em sua forma diferencial na Equação 3 [ECONOMIDES, 1994],

$$\frac{dp}{\rho} + udu + gdz + \frac{2f_f u^2 dL}{D} + dW_s = 0$$
 [3]

onde p é a pressão, ρ é a massa específica do fluido, u é a velocidade média do fluido dentro do tubo, g é a constante gravitacional, f_f é o fator de atrito, L é o comprimento do tubo, D é o diâmetro interno do tubo, e W_s é o trabalho realizado no sistema.

De início, não consideraremos equipamentos que realizam trabalho no sistema (como bombas, compressores, turbinas, etc.), logo $W_s = 0$. Considerando que o fluido é incompressível (não há gás presente), esta equação pode ser integrada, resultando na Equação 4,

$$\Delta p = \rho g \Delta z + \frac{\rho \Delta u^2}{2} + \frac{2f_f \rho u^2 L}{D} \qquad [4]$$

onde Δz é o diferencial de altura entre o começo e o fim do tubo. As três componentes principais da perda de pressão estão no lado

direito da equação: a energia potencial, a energia cinética, e as contribuições por atrito.

O diâmetro da tubulação, tanto para pipelines (tubos que se conectam à costa e às plataformas) quanto para *flow-lines* (conexões poço-manifold, poço-plataforma e manifoldplataforma) são considerados constantes. Considerando tubo paredes do as termicamente isoladas, a temperatura irá variar pouco durante a produção de óleo e desta forma é possível admitir que as na v<mark>iscosidade e</mark> na massa variações específica do óleo são desprezíveis. Dado que lâmina d'água possui apenas pequenas variações ao l<mark>ongo do campo petro</mark>lífero, adota-se um valor médio.

Para uma altura de lâmina d'água e massa e<mark>specífica do fluido cons</mark>tantes, a energia potencial é constante no sistema. Alé<mark>m disso, para um diâmetro</mark> interno do tubo constante e considerando apenas o óleo como o fluido produzido, a energia cinética pode também ser considerada constante. Logo, com base nas considerações feitas, não há <mark>necessidade de</mark> analisar neste trabalho a en<mark>ergia potenci</mark>al e a energia cinética do sistema. A componente de perda de carga por contribuição por atrito nos tubos é uma função da vazão e do comprimento do tubo. Dado que a vazão é o principal aspecto da simulação de Monte Carlo proposta e o comprimento da tubulação é diretamente

> www.conepetro.com. br (83) 3322.3222



relacionado à localização dos manifolds e plataformas (que a partir de agora serão denominados como receivers), esta componente da queda de pressão está profundamente relacionada com o problema aqui estudado. Então, o problema de otimização neste trabalho irá buscar minimizar a contribuição por atrito da perda de carga, a qual será a função de aptidão do algoritmo genético proposto, como podemos ver na Equação 5 (já em função da vazão e nas unidades de campo):

$$\Delta p_{\mu} = \frac{0.002413 f_f \rho q^2 L}{D^5}$$
 [5]

Onde *q* é a vazão do poço na superfície (em bbl/d), *L* está em pés, ρ está em lb_m/ft³, e D está em polegadas. O fator de atrito de Fanning, f_f , é uma função do número de Reynolds (Re) e da rugosidade relativa do tubo (ε), e é comumente calculado pela equação de Colebrook-White ou por sua forma gráfica, o gráfico de Moody. Entretanto, como a equação de Colebrook-White é implícita em f_f , seria necessário procedimentos iterativos que retardariam o algoritmo. Uma forma não-iterativa e precisa para calcular o fator de atrito é através da equação de Chen [1979], apresentada na Equação 6:

$$\frac{1}{\sqrt{f_f}} = \dot{\iota} - 4\log\left\{\frac{\varepsilon}{3.7065} - \dot{\iota}\frac{5.0452}{\text{Re}}\log\left[\frac{\varepsilon^1}{2.\xi}\right]\right\}$$

Para o escoamento laminar, o fator de atrito é calculado pela Equação 7:

$$f_f = \frac{16}{\text{Re}}$$
[7]

O número de Reynolds para um tubo, utilizando as unidades de campo, é calculado pela Equação 8:

$$Re = \frac{1.48 \,\rho q}{\mu D}$$
[8]

Onde μ é dado em centiPoise. Dado que as rugosidades relativas, a massa específica, o diâmetro interno do tubo e a viscosidade são consideradas constantes, a perda de carga por atrito é mera função da vazão. Logo, a função de aptidão depende apenas de duas variáveis: do comprimento do tubo e da vazão.

A codificação do problema é dividida em alocação e localização. O cromossomo da alocação das plataformas e *manifolds* é representado por um vetor $\mathbf{a} = \{a_1, a_2, ..., a_n, b_1, b_2, ..., b_w\}$, onde *n* é o número de poços e *w* o número de *manifolds*. Esta representação indica que o poço *k* conecta-se ao *receiver* a_k , e o *manifold u* conecta-se à plataforma b_u .

Por exemplo, para 4 poços, 2 *manifolds* e 2 plataformas, poderíamos representar numericamente as plataformas e os *manifolds* de acordo com a Tabela 1:

Tabela1.Representaçãonuméricadosreceivers-exemplo.

Receiver	Representação numérica
Plataforma 0	0

www.conepetro.com. br (83) 3322.3222 contato@conepetro.com.br



Plataforma 1	1
Manifold 1	2
Manifold 2	3

Então, uma representação de uma alocação seria: {0 3 2 1 0 1}. O primeiro poço está conectado à plataforma 0, o segundo poço está conectado ao *manifold* 2 (representado pelo número 3), o terceiro poço está conectado ao *manifold* 1 e o quarto poço está conectado à plataforma 1. O *manifold* 1, por sua vez, está conectado à plataforma 0, e o *manifold* 2 está conectado à plataforma 1.

A codificação da localização dos *receivers* é intuitiva: consiste em um vetor $\mathbf{b} = \{x_1, y_1, x_2, y_2, ..., x_n, y_n\}$ de coordenadas para um *grid* discreto, onde *n* é o número de *receivers*. Ainda trabalhando no exemplo anterior, coordenadas possíveis para estes *receivers* seriam {2, 3, 6, 8, 2, 10, 3, 5}.

O algoritmo genético é formulado como visto na Figura 1. Para a construção da população, primeiramente posiciona-se cada um dos *n receivers* em um dos nós (coordenadas inteiras *x* e *y* do campo) com uma probabilidade de acordo com o "peso" dado ao nó. O peso de um nó é igual ao somatório das vazões dos poços que estão a uma certa distância máxima do nó. Em seguida, calcula-se a distância do *receiver* aos poços e aos outros *receivers*. A seguir, gera-se para o algoritmo *M* cromossomos aleatórios, definindo-se a aptidão deles.

Para as *K* gerações, realiza-se o torneio binário, e em seguida o cruzamento dos pais vencedores através do *Fusion Crossover*, tanto para a alocação dos *receivers*, como para as coordenadas *x* e *y* das posições dos *receivers*. Há uma probabilidade de ocorrer mutação no cromossomo filho, tanto na alocação quanto na localização. Por fim, a distância do *receiver* aos poços e aos outros *receivers* é recalculada para o cromossomo filho. Determinada a aptidão do filho, caso este tenha uma maior aptidão que o pior pai, o filho entra na população substituindo o pior pai.

Para receiver I <mark>até N faça:</mark> Posicionar_receiver(*I*); Calcular distância receiver pocos(I); Calcular_distância_entre_receivers(I); Para cromossomo I até M faça: Gerar_cromossomo(*I*); Definir_aptidão(*I*); Para iteração I até K faça: Torneio binário(P1, P2, P3, P4); Fusion_crossover_alocação(P1,P2); Fusion_crossover_localização(P1,P2); Executar_mutação_alocação(FILHO); Executar_mutação_localização(FILHO); Para receiver *I* até *N* faça: Calcular_distância_receiver_poços(I); Calcular_distância_entre_receivers(I); Ap<mark>tidão_filho := d</mark>efinir_aptidão(filho); Se a<mark>ptidão_filho ></mark> aptidão _pior_pai Filho substitui o pior pai

Figura 1: Algoritmo Genético proposto. Os parâmetros do algoritmo foram ajustados para propiciar boas soluções em um tempo computacional adequado. São eles:

• Tamanho da população = 1.000;

www.conepetro.com. br (83) 3322.3222



Número de gerações = 100.000;

Probabilidade de mutação (para localização e alocação): 2%;

 Raio para o cálculo dos pesos = 3 unidades de distância.

3. RESULTADOS E DISCUSSÃO

Para o estudo de caso elaborado, extraiu-se os valores das propriedades do fluido e do campo da base de dados NPCPUBDB.GEO [NATIONAL ENERGY LABORATORY, 1984], com base no campo petrolífero de Wilmington. Após, gerou-se as distribuições de probabilidade para estas variáveis e realizou-se a simulação de Monte Carlo, obtendo assim a curva de probabilidade para a vazão de um poço q em determinado tempo t. Para o tempo t = 5 anos e considerando a curva de probabilidade normal para a vazão inicial, com média de 700 bbl/d e desvio padrão 150 bbl/d, apresentamos na Figura 2 o histograma da vazão q:





As coordenadas de cada poço utilizadas aqui foram incorporadas do trabalho de Rosa [2006], ilustradas na Figura 3. Há 22 poços distribuídos ao longo do campo de 15x15 unidades de distância ao quadrado.

A fim de realizar uma análise estatística com qualidade, foram amostrados 10.000 universos. Ao executar o algoritmo, cada universo é resolvido isoladamente e a solução obtida para a localização e alocação das plataformas é armazenada.

> www.conepetro.com. br (83) 3322.3222

II CONGRESSO NACIONAL DE ENGENHARIA DI PETRÓLEO, GÁS NATURAL E BIOCOMBUSTÍVEIS ORKSHOP DE ENGENHARIA DE PETRÓLEO 14 12 10 8 6 4 2 Ľ. 0 4 6 8 10 12 14

Figura 3. Coordenadas dos poços.

O algoritmo foi implementado em linguagem C e foi executado em um computador Intel i5 com 8GB de RAM, utilizando sistema operacional Debian (Linux). O tempo computacional médio registrado foi 0,83 segundos por universo, com um desvio padrão de 0,013 segundos. Devido à enorme quantidade de resultados obtidos (10.000), eles não serão reproduzidos na íntegra. O curto intervalo de tempo necessário pelo algoritmo para a resolução permite executar milhares de universos em um tempo razoável (neste caso, 10.000 universos em 2 horas e 42 minutos).

A fim de avaliar se há soluções para a alocação mais representativas que outras, determinou-se a frequência das soluções obtidas, como apresentado na Tabela 2. Como vemos, as 20 soluções mais frequentes correspondem a 95,4% das soluções encontradas pelo algoritmo. Um pequeno

padrões de é conjunto de alocação pela maioria responsável das soluções encontradas. Conclusões similares a esta são encontradas em problemas de corte e empacotamento, onde um pequeno conjunto de padrões de corte é responsável pela maioria das soluções. [ARAUJO et al., 2014]. Este é um caso clássico do princípio de Pareto [DEFEO; JURAN, 2010].

Ainda na Tabela 2, observa-se que 85% das soluç<mark>ões obtidas</mark> indicam que a alocação dos 15 p<mark>rimeiros poços</mark> deve ser para a plataforma 0 ou para a plataforma 1. Dado que *manifolds* não são utilizados nestas soluções, pode<mark>mos desconsiderar os</mark> dois últimos dígito<mark>s. Dessa forma, vemos q</mark>ue as soluções 1, 2, 3, 4, e as soluções 5, 6, 7, 8 são uma única solução, respectivamente. A primeira solução corresponde a 45,5% das soluções encontradas e informa que os quinze pr<mark>imeiros poços devem</mark> ser alocados à plataforma 1 e o restante dos poços à plataforma 0. A segunda solução corresponde a 39,5% das soluções encontradas e nos informa o contrário. As soluções 9 a 18 são um híbrido entre estas duas soluções mais frequ<mark>entes, e as s</mark>oluções 19 e 20 utilizam o manifold 1. Ao total, as soluções de 9 a 20 10,4% das soluções mais representam frequentes. Podemos concluir então que a manifolds utilização dos neste campo petrolífero é muito pouco provável. A decisão

> www.conepetro.com. br (83) 3322.3222 contato@conepetro.com.br



deve ser entre alocar os quinze primeiros poços para a plataforma 0 ou para a plataforma 1.

Além da solução para a alocação dos *receivers*, avaliou-se também as soluções para a localização deles. Como já mencionado, ao resolver cada um dos universos o algoritmo registra a posição dos *manifolds* e plataformas.

Assim, ao final da execução, é possível plotar mapas de calor e analisar as regiões que recebem plataformas e *manifolds* com maior frequência.

Nas Figuras 4 e 5, são apresentados os mapas de calor da plataforma 0 e 1, respectivamente. A intensidade das cores varia de acordo com a escala de cada gráfico, estando na cor roxa regiões onde a frequência de instalação do *receiver* é menor, e em regiões verdes e amareladas, o contrário. Observa-se que as plataformas possuem pouca diversificação de posições, concentrando-se principalmente nas coordenadas (7, 4) e (3, 11). Há uma distribuição probabilística bimodal entre estes dois pontos, ocasionado pela localização dos poços da instância. Da mesma forma que na alocação dos poços, há um pequeno conjunto de coordenadas que participa de grande parte das soluções encontradas.

www.conepetro.com. br



	Soluções para a alocação	Frequência	% total	% grupo		
1	11111111111111000000011	1170	11.70%	45.51%	85.01%	
2	11111111111111000000000	1154	11.54%			
3	1111111111111100000001	1116	11.16%			
4	1111111111111100000010	1111	11.11%			95.39%
5	00000000000000011111100	1057	10.57%	39.50%		
6	00000000000000011111110	972	9.72%			
7	000000000000000111111111	961	9.61%			
8	00000000000000011111101	960	9.60%			
9	00000010000000011111110	152	1.52%	10.38%	10.38%	
10	00000010000000011111101	142	1.42%			
11	00000010000000011111100	139	1.39%			
12	00000010000000011111111	133	1.33%			
13	111111011111111000000010	124	1.24%			
14	111111011111111000000001	112	1.12%			
15	111111011111111000000000	109	1.09%			
16	111111011111111000000011	86	0.86%			
17	000000110000000111111110	14	0.14%			
18	00000011000000011111101	11	0.11%			
19	0000000000000011211111	8	0.08%			
20	11111111111111002000000	8	0.08%			

Tabela 2. Frequência das soluções de alocação.







Figura 5. Mapa de calor para a plataforma 1. Nas Figuras 6 e 7, são apresentados os mapas de calor dos *manifolds* 1 e 2, respectivamente. É possível perceber que os

www.conepetro.com. br (83) 3322.3222



manifolds tendem a ser instalados sob as resultado plataformas, que também é modelos observado determinísticos em [RODRIGUES, 2016; ROSA, 2006]. No contrário dos modelos entanto, ao determinísticos. mapas de calor os quantificam a incerteza quanto à localização ótima das plataformas e manifolds.

Observa-se que os *manifolds* apresentam uma região probabilística maior para a localização, inferindo assim que estes são mais sensíveis às variações de vazão dos poços que as plataformas. Além disso, nota-se que a frequência máxima dos *manifolds* está na ordem de centenas, enquanto que a das plataformas está na ordem de milhares. É mais uma evidência que para esta instância, a instalação de *manifolds* não é recomendável.

Com base no exposto, fica claro que a abordagem aqui proposta traz novas e importantes informações além daquelas informadas pelos métodos determinísticos tradicionais.







Figura 7. Mapa de calor para o *manifold* 2.

4. CONCLUSÕ<mark>ES</mark>

• Para o estudo de caso proposto, obteve-se um conjunto de soluções altamente representativas para a grande maioria dos universos, tanto para a alocação quanto para a localização.

• O pequeno tempo computacional exigido pelo algoritmo é importante para a resolução de múltiplos universos.

• A distribuição de probabilidade para a localização de plataformas apresentou um comportamento bimodal, ocasionado pela localização dos poços.

• A utilização de *manifolds* para o caso estudado não é recomendada.

• Os *manifolds* possuem mais flexibilidade operacional em seu posicionamento do que as plataformas.

 A abordagem probabilística traz novas informações acerca do problema, principalmente durante o início do desenvolvimento do campo.

> www.conepetro.com. br (83) 3322.3222



6. REFERÊNCIAS BIBLIOGRÁFICAS

ABREU, J. M. V. Otimização do posicionamento de plataformas de produção de petróleo do tipo FPSO utilizando algoritmos genéticos. Universidade Estadual do Norte Fluminense, 2014.

ARAUJO, S. A. et al. *A genetic algorithm for the one-dimensional cutting stock problem with setups.* Pesquisa Operacional, v. 34, n. 2, p. 165–187, 2014.

CAN, B.; KABIR, S. **Probabilistic Production Forecasting for Unconventional Reservoirs With Stretched Exponential Production Decline Model.** SPE Reservoir Evaluation & Engineering, v. 15, n. 01, p. 41– 50, 2012.

CHEN, N. H. *An Explicit Equation for Friction Factor in Pipe.* Industrial & Engineering Chemistry Fundamentals, v. 18, n. 3, p. 296–297, 1979.

CHENG, Y. et al. *Practical Application of a Probabilistic Approach to Estimate Reserves Using Production Decline Data.* SPE Economics & Management, v. 2, n. 01, p. 19– 31, 2010.

DEFEO, J.; JURAN, J. M. Juran's Quality Handbook: The Complete Guide to Performance Excellence. 6. ed. New York: McGraw Hill, 2010.

ECONOMIDES, M. J.; HILL, A. D.; EHLIG-ECONOMIDES, C. *Petroleum Production Systems*. New Jersey: Prentice Hall, 1994.

GILMAN, J. R.; BRICKEY, R. T.; RED, M. M. *Monte Carlo Techniques for Evaluating Producing Properties.* SPE Rocky Mountain Regional/Low-Permeability Reservoirs Symposium, 1998.

STARTZMAN, R. A. *Optimization of Offshore Field Development To Minimize Investment.* SPE Drilling Engineering, v. 3, n. 04, p. 403–410, 1988.

HUFFMAN, C. H.; THOMPSON, R. S. *Probability Ranges for Reserve Estimates From Decline Curve Analysis*. SPE Annual Technical Conference and Exhibition, 1994.

MURTHA, J. A. *Incorporating Historical Data Into Monte Carlo Simulation.* SPE Computer Applications, v. 6, n. 02, p. 11–17, 1994.

NATIONAL ENERGY TECHNOLOGY LABORATORY. *NPC Public Database:* (*NPCPUBDB.GEO*), 1984.

RAHMAWATI, S. D. et al. *Integrated field operation and optimization*. Journal of Petroleum Science and Engineering, v. 81, p. 161–170, 2012.

RODRIGUES, H. W. L.; BONATES, T. O; PRATA, B. A. *Integrated Optimization Model for Location and Sizing of Offshore Platforms and Location of Oil Wells.* Journal of Petroleum Science and Engineering, 2016.

ROSA, V. R. *Otimização em localização de plataformas de produção*. Universidade Federal do Rio de Janeiro, 2006.

SALES, D. DA S. Uma Heurística para o Problema de Localização Multiobjetivo de Plataforma de Produção de Petróleo Multicapacitada. Universidade Estadual do Norte Fluminense, 2010.

SANTANA, R. G. D. S. Otimização Da Produção Em Campo De Petróleo Pelo Estudo Do Problema De Localização De Poços E Unidades De Produção. 2012. Dissertação de Mestrado. Universidade Federal do Rio de Janeiro. Rio de Janeiro-RJ.

SOUZA, E. E. **Processo de Localização de Plataformas de Petróleo.** 2011. Dissertação de Mestrado. Pontifícia Universidade Católica do Rio de Janeiro. Rio de Janeiro-RJ.

VALDIVIA, Y. J. T.; VELLASCO, M. M. B. R.; PACHECO, M. *Selection of Alternatives*

www.conepetro.com. br



for Oil field Development by Genetic Algorithms. Revista de Engenharia Térmica – RETERM, n. No. 2, p. p. 51–54, 2002.



www.conepetro.com. br